

# Chapitre 5: Matériaux

INF5071 — Infographie

Alexandre Blondin Massé

Université du Québec à Montréal

Hiver 2019

# Plan

- 1 Lumière
- 2 Développement de modèles
- 3 Texture
- 4 Vecteur normal et espace tangent
- 5 Cartes de normales
- 6 Occlusion ambiante
- 7 Matériaux 3D

# Lumière

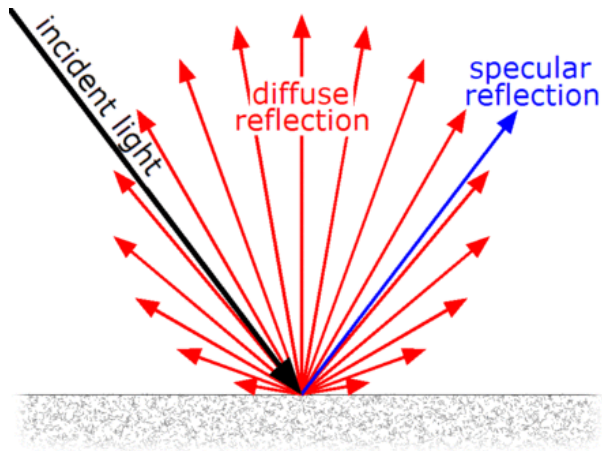
# Couleur et lumière

- Un objet ne peut avoir une **couleur** que si une **source lumineuse** existe quelque part
- Autrement, il sera **complètement noir**
- Lorsqu'un **rayon de lumière** frappe un objet, celle-ci est **réfléchie** et obéit à différentes lois

## Quelques phénomènes

- Réflexion **diffuse**: réflexion dans toutes les directions
- Réflexion **spéculaire**: qui tient compte de l'observateur
- **Diffraction**: changement de direction des rayons lumineux

# Réflexions diffuse et spéculaire



(source: [Wikipedia](#))

# Modèle de Lambert

Un des modèles les plus simples et très utilisé en infographie

Soient

- $\vec{N}$  un vecteur **normal unitaire** à la surface
- $\vec{L}$  un vecteur **unitaire** en direction du point sur la surface vers la lumière
- $i_L$  un **scalaire** indiquant l'intensité de la lumière

Alors l'intensité de **diffusion** est

$$i_D = i_L(\vec{N} \cdot \vec{L})$$

# Réflexion spéculaire

- Une limite du modèle de Lambert est qu'il ne tient pas compte de l'**observateur**
- Peu importe l'angle, la texture apparaît de la même façon
- Or, la **position de l'observateur** devrait influencer le **rendu**
- Par exemple, si on se trouve
  - **face** à une surface réfléchissante, on est **aveuglé**
  - **de côté**, on peut **voir** correctement
- Pour tenir compte de cet aspect, plusieurs modèles ont été proposés: Phong, Blinn-Phong, Cook-Torrance, *Cel-shading*, ...

# Développement de modèles

# Mise en contexte

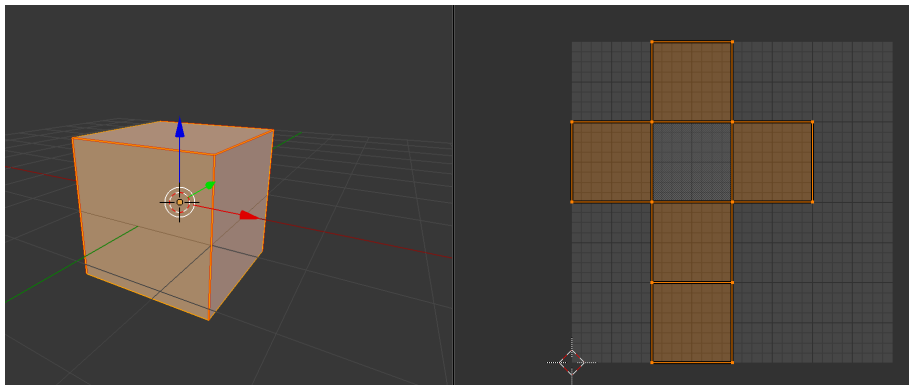
- Une **texture** est une image 2D
- **Problème**: les modèles sont des objets 3D
- On doit donc établir une **relation** entre les deux
- Essentiellement, il s'agit de construire une **fonction**

$$\begin{aligned} \text{unwrap} : \text{Modèle3D} \subseteq \mathbb{R}^3 &\rightarrow [0, h] \times [0, w] \\ (x, y, z) &\rightarrow (u(x, y, z), v(x, y, z)) \end{aligned}$$

- Autrement dit, on doit associer à chaque point 3D de notre modèle un point 2D dans un rectangle.

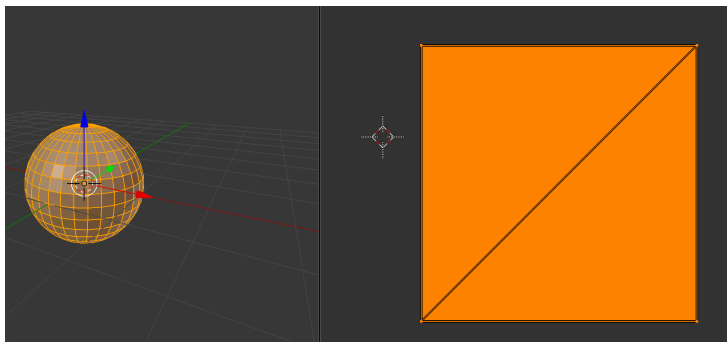
# Développement ou projection

- Cette relation entre modèle et image est appelée **projection**
- Le nombre de **dimensions** de l'espace diminue
- On appelle ce processus **développement** du modèle (en anglais, *UV-unwrapping*)



# Développement d'une sphère

- Le **développement** d'un modèle n'est pas toujours facile à déduire du modèle
- Par exemple, comment devrait-on développer une **sphère**?
- Même pour le cube de la diapositive précédente, si on développe, on obtient une projection **non utilisable**

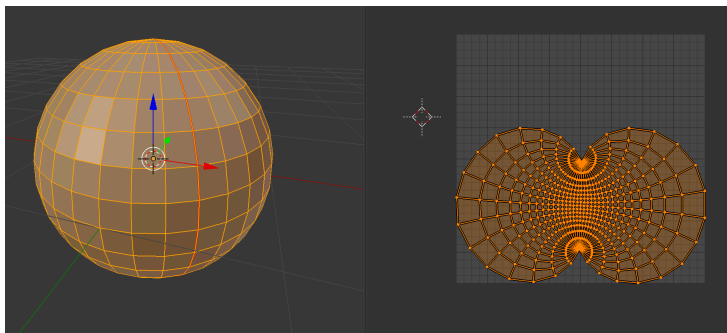


# Couture (*seam*)

- La stratégie consiste à utiliser des **coutures** (en anglais, on dit *seam*)
- Une couture est simplement une arête le long de laquelle on accepte qu'il y ait une **discontinuité**
- Il faut donc choisir les **coutures** avec soin, si on veut s'assurer que la discontinuité n'est pas trop apparente
- Dans Blender, on identifie une couture en choisissant certaines arêtes et entrant la commande CTRL-E, suivi de *mark seam*
- Les coutures apparaissent alors en **rouge**

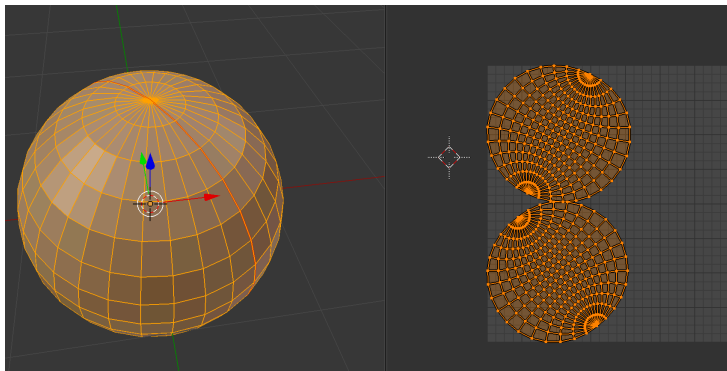
## Exemple (1/4)

- Dans l'image ci-bas, il y a une **couture** le long d'un **méridien**



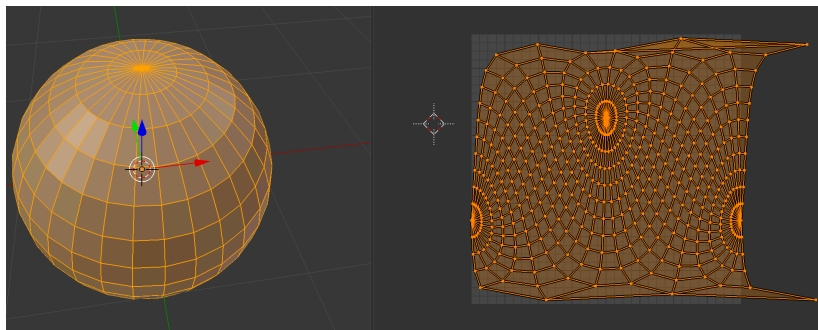
## Exemple (2/4)

- Le développement est bien différent si on ajoute une couture faisant un **tour complet**



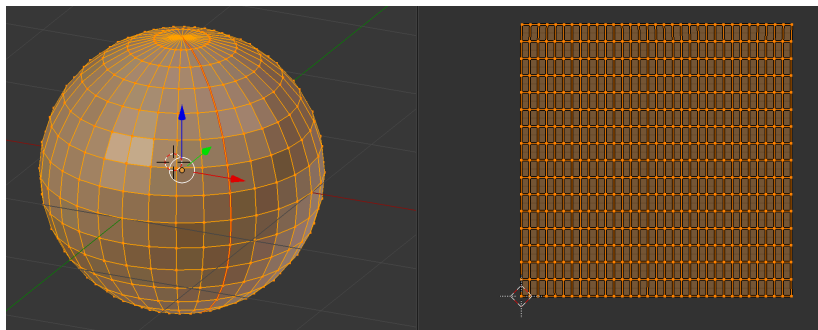
## Exemple (3/4)

- On peut aussi faire une **projection sphérique**



## Exemple (4/4)

- La projection sphérique devient **rectangulaire** si on remplace les pôles par plusieurs sommets



# Choisir les coutures

Pour choisir les coutures, il faut une certaine pratique:

- Il faut minimiser les discontinuités trop **apparentes**
  - C'est en particulier important pour les textures **périodiques**
  - On sépare là où il y a un changement de **matériau**
  - Ensuite, on prend une suite d'arêtes **moins visibles** où la coupure sera moins apparente
- **Exemple**: derrière l'objet

# Texture

# Texture

- Formellement, une **texture** est simplement une image 2D
  - Nous allons aussi qu'on peut aussi créer des **textures 3D**
  - Ces dernières sont simplement une **collection d'images** combinées d'une façon **spécifique**
- une texture de **relief** (*bump map*);
- une texture de **spéculaire**;
- selon les **vecteurs normaux**, etc.

# Concevoir une texture

## Logiciels

- Souvent, il y a un **aller-retour** entre des logiciels de modélisation 3D et les logiciels pour les images 2D
- De la même façon, certaines images **produites par Blender** sont ensuite modifiées à l'aide de logiciels 2D

## Textures manuelles

- Il est aussi possible de créer des textures **manuellement**
- En anglais, on dit *model painting*

## Génération procédurale

- On utilise des fonctions **mathématiques**
- **Exemples:** bruit de Perlin, diagramme de Voronoi, algorithmes du carré et du losange, fonctions sinusoïdales, ...

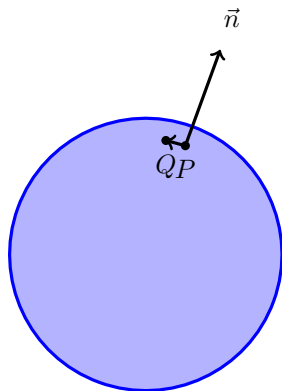
# Dimensions d'une texture

- Souvent, on choisit les dimensions d'une texture pour qu'elles soient des **puissances** de 2;
- Cela permet d'avoir une meilleure qualité lors d'un **redimensionnement**
- *Mipmapping*: stratégie qui consiste à stocker des copies de plus en plus **plus petites** d'une image
- Ensuite, on utilise l'**interpolation** pour représenter les **dimensions intermédiaires**

# Vecteur normal et espace tangent

# Vecteur normal

- Soit  $S$  une surface et  $P$  un point de  $S$
- Un **vecteur normal** à  $S$  en  $P$  est un vecteur perpendiculaire à tout vecteur non nul  $\overrightarrow{PQ}$ , où  $Q$  est un point **proche** de  $P$ , c'est-à-dire que  $\|PQ\| \rightarrow 0$



# Vecteur normal à un maillage

## Question

Étant donné une surface, comment calcule-t-on un vecteur normal à cette surface en un point donné ?

## Réponse

Ça dépend...

- Si constituée de faces **triangulaires**, il suffit de calculer un vecteur normal pour chaque face
- S'il s'agit d'une surface **mathématique**, il est possible de déduire une formule pour calculer un vecteur normal à partir de son **équation cartésienne** ou de sa **représentation paramétrique**

# Surface implicite

## Définition

Une **surface implicite** est définie comme l'ensemble des points  $(x, y, z)$  qui vérifient une équation de la forme

$$F(x, y, z) = 0,$$

où  $F$  est une fonction.

## Exemples

- Si  $F(x, y, z) = x^2 + y^2 + z^2 - r^2$ , où  $r$  est une constante positive, alors l'équation décrit une **sphère** de rayon  $r$  centrée à l'origine.
- Si  $F(x, y, z) = z^2 - x^2 - y^2$ , alors l'équation décrit un **cône** évoluant dans la direction de l'axe  $x$ .

# Gradient

## Définition

Soit  $f(x, y, z)$  une fonction réelle. Le **gradient** de  $f$  est défini par

$$\vec{\nabla}f = \left( \frac{\partial f}{\partial x}, \frac{\partial f}{\partial y}, \frac{\partial f}{\partial z} \right).$$

## Remarque

Le gradient est un **vecteur**

## Exemple

Si  $f(x, y, z) = ax + bx \sin y - e^z$ , alors

$$\vec{\nabla}f = (a + b \sin y, bx \cos y, -e^z).$$

# Vecteur normal à une surface implicite

## Théorème

Soit  $F(x, y, z) = 0$  l'équation d'une **surface implicite**  $S$  et  $(x_0, y_0, z_0)$  un point situé sur la surface  $S$ . Alors le gradient

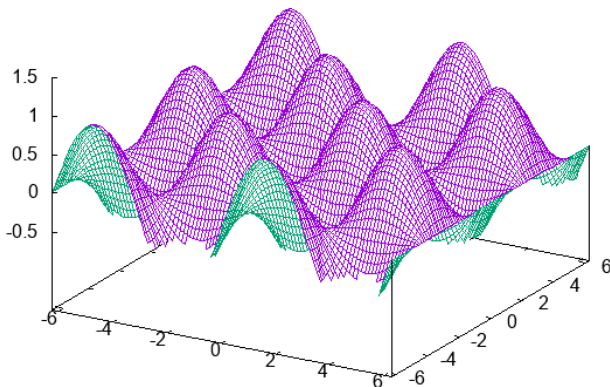
$$\vec{\nabla} F(x_0, y_0, z_0)$$

est **normal** à la surface  $S$ .

# Questions

Calculez un vecteur normal **unitaire**

- 1 à la sphère centrée à l'origine de rayon  $\sqrt{13}$  au point  $(1, 2, 3)$
- 2 au cône d'équation  $z^2 = x^2 + y^2$  au point  $(0, 1, 1)$
- 3 à la surface donnée par l'équation  $z = \sin(x) \cos(y)$  au point  $(\pi/4, \pi/4, 1/2)$



# Surface paramétrée

## Rappel

### Définition

Soit  $S$  une surface. On dit que la fonction vectorielle

$$\vec{s}(u, v) = (x(u, v), y(u, v), z(u, v)), \quad (u, v) \in D$$

est une **paramétrisation** de la surface  $S$  si

$$\text{Image}(\vec{s}) = S.$$

# Vecteur normal d'une surface paramétrée

- Soit  $\vec{s}(u, v)$  une paramétrisation d'une surface  $S$
- Alors les vecteurs  $\vec{s}_u(u, v)$  et  $\vec{s}_v(u, v)$  sont **tangents** à la surface  $S$  au point  $(u, v)$
- De plus,  $\vec{s}_u(u, v)$  et  $\vec{s}_v(u, v)$  sont **linéairement indépendants**
- Par conséquent, un **vecteur normal** à  $S$  au point  $(u, v)$  est donné par

$$\vec{n} = \frac{\vec{s}_u \times \vec{s}_v}{\|\vec{s}_u \times \vec{s}_v\|}.$$

# Question

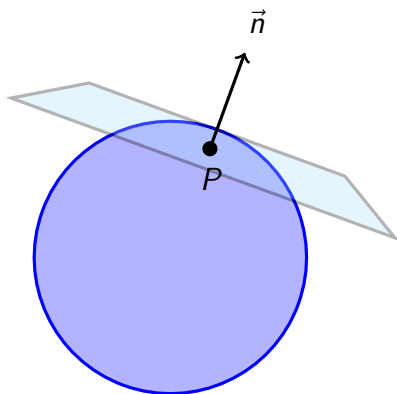
- Soit  $T$  le **tore** de grand rayon  $R$  et de petit rayon  $r$
- Alors une paramétrisation possible de  $T$  est

$$\vec{s}(u, v) = ((R + r \cos u) \cos v, (R + r \cos u) \sin v, r \sin u)$$

- ① Trouvez un point  $P$  qui se situe **sur** le tore  $T$
- ② Calculez ensuite un vecteur normal à  $T$  au point  $P$

# Espace tangent

- Soit  $S$  une surface,  $P$  un point de  $S$  et  $\vec{n}$  un vecteur normal à  $S$  en  $P$
- Le **plan tangent** à  $S$  en  $P$  est le plan passant par  $P$  ayant  $\vec{n}$  comme vecteur normal



# Cartes de normales

# Champ de vecteurs

## Définition

Un **champ de vecteurs** est une fonction de la forme

$$\vec{V} : D \subseteq \mathbb{R}^2 \rightarrow \mathbb{R}^2$$

en 2D et

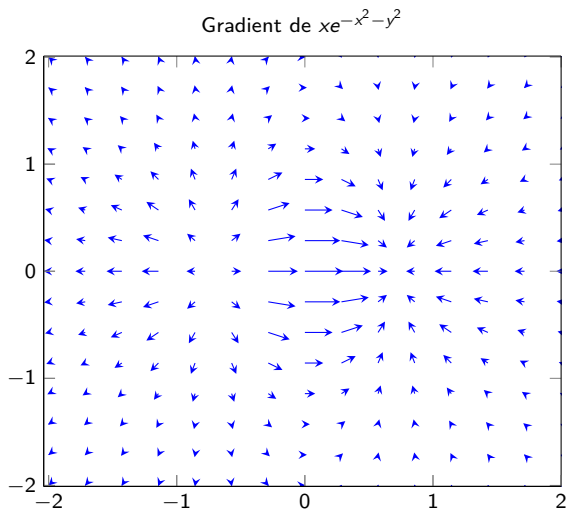
$$\vec{V} : D \subseteq \mathbb{R}^3 \rightarrow \mathbb{R}^3$$

en 3D.

## Remarques

- C'est une fonction qui assigne à **chaque point** du plan ou de l'espace un **vecteur**
- L'ensemble  $D$  peut être quelconque: une région du plan, une courbe, une surface, etc.

# Représentation graphique



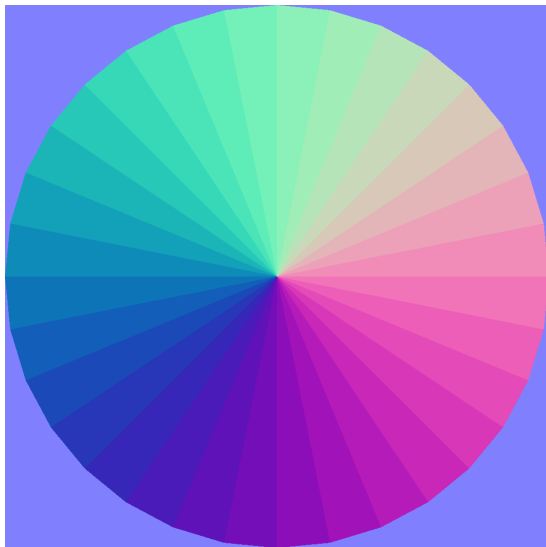
# Utilité

- Permet de représenter des **champs de force**
- On peut ensuite simuler des **phénomènes physiques**
- Vent, vortex, turbulence
- Champ magnétique
- Voir le **manuel de Blender**.
- Les **normales** d'une surface sont aussi représentées par un **champ de vecteurs**

# Déplacement



# Cône sur plan

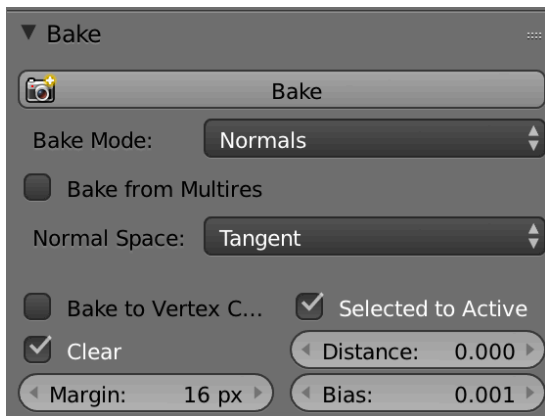


# Mathématiquement...

- Chaque **pixel** code un **vecteur** de  $\mathbb{R}^3$
  - Les **composantes** du vecteur sont en correspondance avec les **couleurs**
- $x \mapsto R$
- $y \mapsto G$
- $z \mapsto B$
- Chaque composante, dans  $[-1, 1]$ , est représentée par un niveau de couleur, dans  $[0, 1]$
  - Comme la composante  $z$  ne peut jamais être **négative**, le niveau de bleu est toujours au moins 0.5

## « Cuisiner » des normales

- Dans Blender, on peut « cuisiner » (*bake*) des normales
- Ne pas oublier de *développer* le modèle de basse complexité
- Et de cocher *Selected to Active*.
- Tutoriel: <https://www.youtube.com/watch?v=0r-cGjVKvGw>.

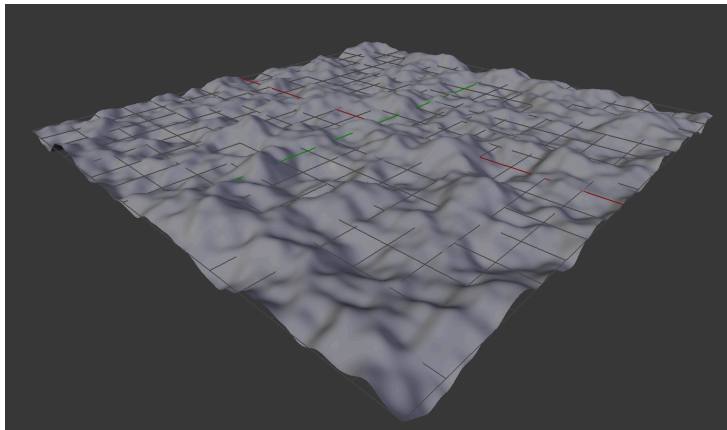


# Occlusion ambiante

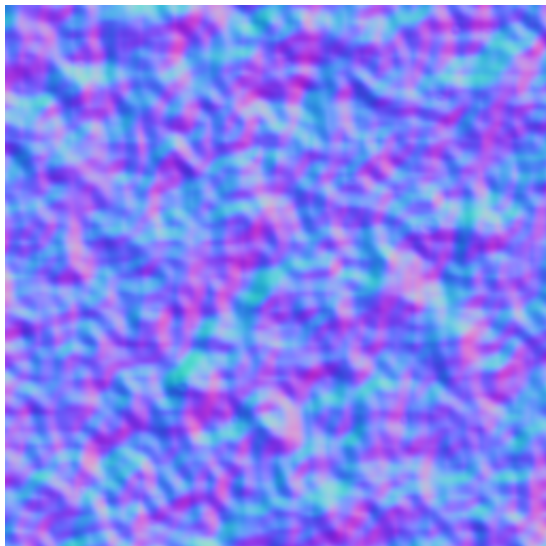
# Idée générale

- L'**occlusion ambiante** est une mesure de l'**exposition** d'un point à l'**éclairage ambiant**
- C'est une valeur qui ne dépend pas des **sources de lumière**, seulement de l'**intensité** de l'éclairage ambiant
- En revanche, elle dépend des **objets** présents dans la scène
- Contrairement à l'**illumination globale**, il s'agit d'une approximation, donc elle est moins gourmande en temps de calcul
- Par conséquent, elle est souvent utilisée dans les applications en **temps réel**, en particulier les jeux vidéos

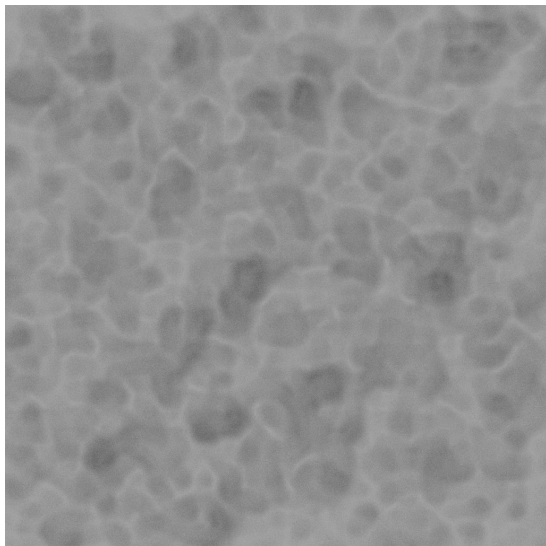
# Exemple (vue en 3D)



# Exemple (normales)



## Exemple (occlusion ambiante)



# Formule

L'occlusion ambiante d'un point  $p$  sur une surface  $S$  est donnée par

$$A_p = \frac{1}{\pi} \int_{\Omega} V_{p,\vec{\omega}}(\vec{n} \cdot \vec{\omega}) d\vec{\omega}$$

où

- $A_p \in [0, 1]$  représente l'occlusion ambiante en  $p$ ;
- $\vec{n}$  représente le **vecteur normal** à  $S$  au point  $p$ ;
- $\Omega$  représente l'**hémisphère unitaire** induite par  $\vec{n}$ ;
- $\vec{\omega}$  représente un **vecteur unitaire** dans  $\Omega$ .

et

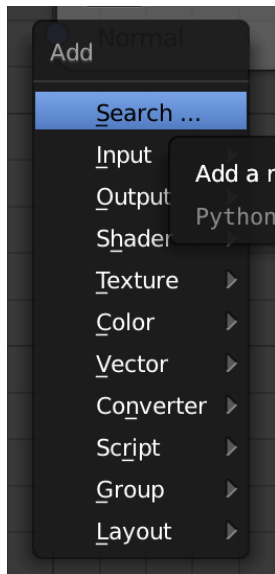
$$V_{p,\vec{\omega}} = \begin{cases} 0, & \text{si } p \text{ est bloqué dans la direction du vecteur } \vec{\omega} \\ 1, & \text{sinon} \end{cases}$$

# Matériaux 3D

# Introduction

- Jusqu'à maintenant, nous nous sommes concentrés sur des **matériaux simples**
- On fait d'abord le **développement** (*unwrap*) du modèle
- Ensuite, on lui applique une **texture**, c'est-à-dire une **image**
- Lorsqu'on souhaite avoir un grand niveau de **détails**, cependant, il est souvent trop coûteux d'avoir une géométrie complexe
- **Solution:** on utilise des applications (*maps*) simulant cette géométrie

# Types de noeuds



# Shaders

